

Министерство науки и высшего образования РФ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Национальный исследовательский университет «МЭИ»

Направление подготовки/специальность: 38.03.01 Экономика

Наименование образовательной программы: Экономика бизнеса

Уровень образования: высшее образование - бакалавриат

Форма обучения: Очно-заочная

Рабочая программа дисциплины
МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ

Блок:	Блок 1 «Дисциплины (модули)»
Часть образовательной программы:	Обязательная
№ дисциплины по учебному плану:	Б1.О.02.02
Трудоемкость в зачетных единицах:	2 семестр - 5;
Часов (всего) по учебному плану:	180 часов
Лекции	2 семестр - 16 часов;
Практические занятия	2 семестр - 14 часов;
Лабораторные работы	не предусмотрено учебным планом
Консультации	2 семестр - 2 часа;
Самостоятельная работа	2 семестр - 146,2 часа;
в том числе на КП/КР	не предусмотрено учебным планом
Иная контактная работа	2 семестр - 1,5 часа;
включая: Тестирование Контрольная работа	
Промежуточная аттестация:	
Экзамен	2 семестр - 0,3 часа;

Москва 2025

ПРОГРАММУ СОСТАВИЛ:

Преподаватель

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Подкопаева В.А.
	Идентификатор	Rfd0dd34a-ПодкопаеваVA-ef29ca

В.А. Подкопаева

СОГЛАСОВАНО:

Руководитель
образовательной
программы

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Никифорова Д.В.
	Идентификатор	Redb9b109-KhitrovaDV-bd905102

Д.В.
Никифорова

Заведующий выпускающей
кафедрой

	Подписано электронной подписью ФГБОУ ВО «НИУ «МЭИ»	
	Сведения о владельце ЦЭП МЭИ	
	Владелец	Крыленко Е.Е.
	Идентификатор	R753cd28c-GudkovaYY-c67582a9

Е.Е. Крыленко

1. ЦЕЛИ И ЗАДАЧИ ОСВОЕНИЯ ДИСЦИПЛИНЫ

Цель освоения дисциплины: Овладение математическим аппаратом действительного анализа для решения прикладных задач.

Задачи дисциплины

- Научиться строить графики функций;
- Научиться находить экстремумы функций;
- Научиться вычислять интегралы;
- Освоение базовых понятий дифференциального исчисления функций нескольких переменных.

Формируемые у обучающегося **компетенции** и запланированные **результаты обучения** по дисциплине, соотнесенные с **индикаторами достижения компетенций**:

Код и наименование компетенции	Код и наименование индикатора достижения компетенции	Запланированные результаты обучения
ОПК-2 Способен осуществлять сбор, обработку и статистический анализ данных, необходимых для решения поставленных экономических задач	ИД-1 _{опк-2} Применяет аппарат математического анализа, линейной алгебры, дифференциального и интегрального исчисления	знать: - исследовать функции и строить их графики; - основные понятия теории пределов; - основные приёмы дифференцирования. уметь: - основные приёмы дифференцирования функций нескольких переменных; - основные приёмы интегрирования.

2. МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ПРОГРАММЫ ВО

Дисциплина относится к основной профессиональной образовательной программе Экономика бизнеса (далее – ОПОП), направления подготовки 38.03.01 Экономика, уровень образования: высшее образование - бакалавриат.

Базируется на уровне среднего общего образования.

Результаты обучения, полученные при освоении дисциплины, необходимы при выполнении выпускной квалификационной работы.

3. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

3.1 Структура дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 5 зачетных единиц, 180 часов.

№ п/п	Разделы/темы дисциплины/формы промежуточной аттестации	Всего часов на раздел	Семестр	Распределение трудоемкости раздела (в часах) по видам учебной работы										Содержание самостоятельной работы/ методические указания
				Контактная работа							СР			
				Лек	Лаб	Пр	Консультация		ИКР		ПА	Работа в семестре	Подготовка к аттестации /контроль	
КПР	ГК	ИККП	ТК											
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
1	Пределы	24.25	2	1.0	-	1.0	-	-	-	0.25	-	22	-	<p><u>Подготовка к текущему контролю:</u> Работа ориентирована на изучение литературных источников, конспектирование основных данных, разбор примеров решения задач, прохождение тестов по учебному материалу</p> <p><u>Самостоятельное изучение теоретического материала:</u> Работа ориентирована на изучение теоретического материала по темам матрицы и определители</p> <p><u>Изучение материалов литературных источников:</u> [3], п.2 [5], Гл. 3 [6], п.1-6</p>
1.1	Пределы	17.15		0.5	-	0.5	-	-	-	0.15	-	16	-	
1.2	Непрерывность функции	7.1		0.5	-	0.5	-	-	-	0.1	-	6	-	
2	Дифференциальное исчисление	29.85		5	-	4.5	-	-	-	0.35	-	20	-	
2.1	Дифференциальное исчисление	15.15	1	-	2	-	-	-	0.15	-	12	-	<p><u>Подготовка к текущему контролю:</u> Работа ориентирована на изучение литературных источников, конспектирование основных данных, разбор примеров решения задач, прохождение тестов по учебному материалу</p> <p><u>Самостоятельное изучение теоретического материала:</u> Работа ориентирована на изучение теоретического материала по темам матрицы и определители</p> <p><u>Изучение материалов литературных источников:</u> [1], п.1 [5], Гл. 4 [6], п.7-12</p>	
2.2	Правило Лопитала	6.6	2	-	0.5	-	-	-	0.1	-	4	-		
2.3	Формула Тейлора	8.1	2	-	2	-	-	-	0.1	-	4	-		

3	Графики	17.25	3	-	3	-	-	-	0.25	-	11	-	<u>Изучение материалов литературных источников:</u> [4], п.2 [5], Гл. 5 [6], п.13-17
3.1	Исследование функций	7.15	1	-	1	-	-	-	0.15	-	5	-	
3.2	Построение графиков функций.	10.1	2	-	2	-	-	-	0.1	-	6	-	
4	Функции нескольких переменных	27.25	3	-	3	-	-	-	0.25	-	21	-	<u>Самостоятельное изучение теоретического материала:</u> Работа ориентирована на изучение теоретического материала по темам матрицы и определители <u>Подготовка к текущему контролю:</u> Работа ориентирована на изучение литературных источников, конспектирование основных данных, разбор примеров решения задач, прохождение тестов по учебному материалу <u>Изучение материалов литературных источников:</u> [2], п.2 [7], п.9-16
4.1	Функции нескольких переменных	18.15	1	-	1	-	-	-	0.15	-	16	-	
4.2	Экстремумы функции нескольких переменных	9.1	2	-	2	-	-	-	0.1	-	5	-	
5	Интегральное исчисление	43.40	4	-	2.5	-	-	-	0.40	-	36.5	-	<u>Самостоятельное изучение теоретического материала:</u> Работа ориентирована на изучение теоретического материала по темам матрицы и определители <u>Подготовка к текущему контролю:</u> Работа ориентирована на изучение литературных источников, конспектирование основных данных, разбор примеров решения задач, прохождение тестов по учебному материалу <u>Изучение материалов литературных источников:</u> [1], п.2 [5], Гл. 7,8 [7], п.1-8
5.1	Неопределённый интеграл	18.15	1	-	1	-	-	-	0.15	-	16	-	
5.2	Определённый интеграл	12.65	1	-	1	-	-	-	0.15	-	10.5	-	
5.3	Несобственный интеграл	12.6	2	-	0.5	-	-	-	0.1	-	10	-	
	Экзамен	38.0	-	-	-	-	2	-	-	0.3	-	35.7	
	Всего за семестр	180.00	16.0	-	14.0	-	2	-	1.50	0.3	110.5	35.7	
	Итого за семестр	180.00	16.0	-	14.0	2		1.50	0.3		146.2		

Примечание: Лек – лекции; Лаб – лабораторные работы; Пр – практические занятия; КПП – аудиторные консультации по курсовым проектам/работам; ИККП – индивидуальные консультации по курсовым проектам/работам; ГК- групповые консультации по разделам

дисциплины; СР – самостоятельная работа студента; ИКР – иная контактная работа; ТК – текущий контроль; ПА – промежуточная аттестация

3.2 Краткое содержание разделов

1. Пределы

1.1. Пределы

Вычисление пределов.

1.2. Непрерывность функции

Непрерывность функции.

2. Дифференциальное исчисление

2.1. Дифференциальное исчисление

Производные.

2.2. Правило Лопиталья

Правило Лопиталья.

2.3. Формула Тейлора

Формула Тейлора.

3. Графики

3.1. Исследование функций

Исследование функций.

3.2. Построение графиков функций.

Построение графиков функций..

4. Функции нескольких переменных

4.1. Функции нескольких переменных

Понятие функции нескольких переменных. Полный дифференциал. Производные сложных функций. Производные неявных функций.

4.2. Экстремумы функции нескольких переменных

Экстремумы функции нескольких переменных. Условные экстремумы.

5. Интегральное исчисление

5.1. Неопределённый интеграл

Вычисление неопределённых интегралов.

5.2. Определённый интеграл

Вычисление определённых интегралов. Вычисление площадей и длин дуг.

5.3. Несобственный интеграл

Вычисление несобственных интегралов.

3.3. Темы практических занятий

1. Производные неявных функций;
2. Производные сложных функций.;
3. Полный дифференциал;
4. Исследование функций;
5. Построение графиков функций.;
6. Правило Лопиталю;
7. Формула Тейлора;
8. Вычисление пределов;
9. Непрерывность функции;
10. Понятие функции нескольких переменных;
11. Несобственный интеграл;
12. Неопределённый интеграл;
13. Вычисление площадей и длин дуг;
14. Определённый интеграл;
15. Экстремумы функции нескольких переменных;
16. Производные;
17. Условные экстремумы.

3.4. Темы лабораторных работ

не предусмотрено

3.5 Консультации

Групповые консультации по разделам дисциплины (ГК)

1. Повторение решения задач в рамках темы раздела Дифференциальные уравнения высших порядков
2. Повторение решения задач в рамках темы раздела Введение в математический анализ
3. Повторение решения задач в рамках темы раздела Числовые ряды
4. Повторение решения задач в рамках темы раздела Функции нескольких переменных
5. Повторение решения задач в рамках темы раздела Несобственный интеграл

3.6 Тематика курсовых проектов/курсовых работ

Курсовой проект/ работа не предусмотрены

3.7. Соответствие разделов дисциплины и формируемых в них компетенций

Запланированные результаты обучения по дисциплине (в соответствии с разделом 1)	Коды индикаторов	Номер раздела дисциплины (в соответствии с п.3.1)					Оценочное средство (тип и наименование)
		1	2	3	4	5	
Знать:							
основные приёмы дифференцирования	ИД-1 _{ОПК-2}		+				Тестирование/Дифференцирование
основные понятия теории пределов	ИД-1 _{ОПК-2}	+					Тестирование/Пределы
исследовать функции и строить их графики	ИД-1 _{ОПК-2}			+			Контрольная работа/Графики
Уметь:							
основные приёмы интегрирования	ИД-1 _{ОПК-2}					+	Тестирование/Интегралы
основные приёмы дифференцирования функций нескольких переменных	ИД-1 _{ОПК-2}				+		Тестирование/Функции нескольких переменных

4. КОМПЕТЕНТНОСТНО-ОРИЕНТИРОВАННЫЕ ОЦЕНОЧНЫЕ СРЕДСТВА ДЛЯ КОНТРОЛЯ ОСВОЕНИЯ РЕЗУЛЬТАТОВ ОБУЧЕНИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ (ТЕКУЩИЙ КОНТРОЛЬ УСПЕВАЕМОСТИ, ПРОМЕЖУТОЧНАЯ АТТЕСТАЦИЯ ПО ДИСЦИПЛИНЕ)

4.1. Текущий контроль успеваемости

2 семестр

Форма реализации: Компьютерное задание

1. Дифференцирование (Тестирование)
2. Интегралы (Тестирование)
3. Пределы (Тестирование)
4. Функции нескольких переменных (Тестирование)

Форма реализации: Письменная работа

1. Графики (Контрольная работа)

Балльно-рейтинговая структура дисциплины является приложением А.

4.2 Промежуточная аттестация по дисциплине

Экзамен (Семестр №2)

Оценка определяется в соответствии с Положением о балльно-рейтинговой системе для студентов НИУ «МЭИ» на основании семестровой и аттестационной составляющих.

В диплом выставляется оценка за 2 семестр.

Примечание: Оценочные материалы по дисциплине приведены в фонде оценочных материалов ОПОП.

5. УЧЕБНО-МЕТОДИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

5.1 Печатные и электронные издания:

1. Вся высшая математика. Т.1 : Учебник для втузов / М. Л. Краснов, и др. – М. : Эдиториал УРСС, 2000. – 328 с. – ISBN 5-8360-0151-0.;
2. Вся высшая математика. Т.2 : Учебник для втузов / М. Л. Краснов, и др. – М. : Эдиториал УРСС, 2000. – 184 с. – ISBN 5-8360-0152-9.;
3. Вся высшая математика. Т.3 : Учебник для втузов / М. Л. Краснов, и др. – М. : Эдиториал УРСС, 2001. – 240 с. – ISBN 5-8360-1050-2.;
4. Вся высшая математика. Т.4 : Учебник для втузов / М. Л. Краснов, и др. – М. : Эдиториал УРСС, 2001. – 352 с. – ISBN 5-8360-0152-9.;
5. Зими́на О. В., Кириллов А. И., Сальникова Т. А.- "Высшая математика", (3-е изд.), Издательство: "ФИЗМАТЛИТ", Москва, 2006 - (368 с.)
[https://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=59344;](https://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=59344)
6. Петрушко И. М.- "Курс высшей математики. Введение в математический анализ. Дифференциальное исчисление. Лекции и практикум", (4-е изд.,стер.), Издательство: "Лань", Санкт-Петербург, 2009 - (288 с.)
[http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_cid=25&pl1_id=302;](http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_cid=25&pl1_id=302)
7. Петрушко И. М.- "Курс высшей математики. Интегральное исчисление. Функции нескольких переменных. Дифференциальные уравнения. Лекции и практикум", (2-е изд.,стер.), Издательство: "Лань", Санкт-Петербург, 2008 - (608 с.)
[http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_cid=25&pl1_id=306.](http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_cid=25&pl1_id=306)

5.2 Лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение:

1. СДО "Прометей";
2. Office / Российский пакет офисных программ;
3. Windows / Операционная система семейства Linux;
4. Видеоконференции (Майнд, Сберджаз, ВК и др).

5.3 Интернет-ресурсы, включая профессиональные базы данных и информационно-справочные системы:

1. ЭБС Лань - <https://e.lanbook.com/>
2. ЭБС "Университетская библиотека онлайн" - http://biblioclub.ru/index.php?page=main_ub_red
3. Научная электронная библиотека - <https://elibrary.ru/>
4. Электронная библиотека МЭИ (ЭБ МЭИ) - <http://elib.mpei.ru/login.php>
5. Портал открытых данных Российской Федерации - <https://data.gov.ru>
6. База открытых данных Министерства труда и социальной защиты РФ - <https://rosmintrud.ru/opendata>
7. База открытых данных профессиональных стандартов Министерства труда и социальной защиты РФ - <http://profstandart.rosmintrud.ru/obshchiy-informatsionnyy-blok/natsionalnyy-reestr-professionalnykh-standartov/>
8. База открытых данных Министерства экономического развития РФ - <http://www.economy.gov.ru>
9. База открытых данных Росфинмониторинга - <http://www.fedsfm.ru/opendata>
10. Электронная открытая база данных "Polpred.com Обзор СМИ" - <https://www.polpred.com>

6. МАТЕРИАЛЬНО-ТЕХНИЧЕСКОЕ ОБЕСПЕЧЕНИЕ ДИСЦИПЛИНЫ

Тип помещения	Номер аудитории, наименование	Оснащение
Учебные аудитории для проведения лекционных занятий и текущего контроля	Ж-417/6, Белая мультимедийная студия	стол компьютерный, доска интерактивная, компьютерная сеть с выходом в Интернет, мультимедийный проектор, компьютер персональный
	Ж-417/7, Световая черная студия	стул, компьютерная сеть с выходом в Интернет, микрофон, мультимедийный проектор, экран, оборудование специализированное, компьютер персональный
Учебные аудитории для проведения практических занятий, КР и КП	Ж-417/1, Компьютерный класс ИДДО	стол преподавателя, стол компьютерный, шкаф для документов, шкаф для одежды, стол письменный, компьютерная сеть с выходом в Интернет, доска маркерная передвижная, компьютер персональный, принтер, кондиционер, стенд информационный
Учебные аудитории для проведения промежуточной аттестации	Ж-417/1, Компьютерный класс ИДДО	стол преподавателя, стол компьютерный, шкаф для документов, шкаф для одежды, стол письменный, компьютерная сеть с выходом в Интернет, доска маркерная передвижная, компьютер персональный, принтер, кондиционер, стенд информационный
Помещения для самостоятельной	НТБ-303, Лекционная	стол компьютерный, стул, стол письменный, вешалка для одежды, компьютерная сеть с

работы	аудитория	выходом в Интернет, компьютер персональный, принтер, кондиционер
Помещения для консультирования	Ж-200б, Конференц-зал ИДДО	стол, стул, компьютер персональный, кондиционер
Помещения для хранения оборудования и учебного инвентаря	Ж-417 /2а, Помещение для инвентаря	стеллаж для хранения инвентаря, экран, указка, архивные документы, дипломные и курсовые работы студентов, канцелярский принадлежности, спортивный инвентарь, хозяйственный инвентарь, запасные комплектующие для оборудования

БАЛЛЬНО-РЕЙТИНГОВАЯ СТРУКТУРА ДИСЦИПЛИНЫ

Математический анализ

(название дисциплины)

2 семестр

Перечень контрольных мероприятий текущего контроля успеваемости по дисциплине:

- КМ-1 Пределы (Тестирование)
 КМ-2 Дифференцирование (Тестирование)
 КМ-3 Графики (Контрольная работа)
 КМ-4 Функции нескольких переменных (Тестирование)
 КМ-5 Интегралы (Тестирование)

Вид промежуточной аттестации – Экзамен.

Номер раздела	Раздел дисциплины	Индекс КМ:	КМ-1	КМ-2	КМ-3	КМ-4	КМ-5
		Неделя КМ:	4	8	10	13	16
1	Пределы						
1.1	Пределы		+				
1.2	Непрерывность функции		+				
2	Дифференциальное исчисление						
2.1	Дифференциальное исчисление			+			
2.2	Правило Лопиталья			+			
2.3	Формула Тейлора			+			
3	Графики						
3.1	Исследование функций				+		
3.2	Построение графиков функций.				+		
4	Функции нескольких переменных						
4.1	Функции нескольких переменных					+	
4.2	Экстремумы функции нескольких переменных					+	
5	Интегральное исчисление						

5.1	Неопределённый интеграл					+
5.2	Определённый интеграл					+
5.3	Несобственный интеграл					+
Вес КМ, %:		20	25	10	20	25